量子情報通信のための単一光子・量子もつれ 光子対光源

末宗 幾夫・熊野 英和・笹倉 弘理

Single-Photon and Quantum Entangled Photon-Pair Sources for Quantum Information Communications

Ikuo SUEMUNE, Hidekazu KUMANO and Hirotaka SASAKURA

Quantum information communication is expected to play a major role to realize highly secure information communication network in near future. Quantum key distribution is shifting to a practical operation stage very soon, but photon sources need further developments for more flexible and large-scale operations, such as on-demand single-photon sources and quantum entangled photon pair sources. In this article related recent research results on semiconductor photon sources are discussed.

Key words: entanglement, single photon, photon pair, quantum information, quantum dot

インターネットの普及により本格的なユビキタス社会の 到来が予見される昨今,通信の安全性・信頼性に対する関 心が高まっている. これまでも通信の安全を保障する暗号 通信が使われており,情報を送信する暗号鍵を公開し,受 信者がもっている秘密鍵で解読する公開鍵暗号方式が広く 利用されている. その代表的方式が RSA 暗号¹⁾ であり, 桁数の大きな2つの素数の積を公開鍵とし、もとの素数へ の素因数分解に膨大な計算量が必要であることを安全性保 障原理としている.しかし超並列計算機の進展もめざまし く、解読できる桁数も年々増している。そのため量子力学 的原理に基づく無条件安全性を提供できる量子暗号通信の 研究が活発化している。これは量子力学的性質をもった粒 子(光子)に鍵情報を乗せて送る量子鍵配送(QKD)であ り,最小単位である光子の不可分性,量子情報(単位は キュービット)の量子重ね合わせ、盗聴という観測行為に よって量子状態が変化する,という量子力学に従う性質を 安全性の根拠としている.このように、情報通信技術に量 子力学の原理を取り入れた量子情報通信は、きわめて安全 で利便性の高い情報通信ネットワークを最小限の電力で実 現させると期待されている.

1. 量子情報通信と単一光子光源・量子もつれ光子対 光源

量子情報を伝送するためには光子ひとつひとつを制御す る光子光源の開発が重要である.以下に,光子光源と量子 情報通信の基本的なコンセプト(プロトコル)について紹 介する.

1.1 BB84 と単一光子光源

単一光子を用いた代表的な量子暗号プロトコルに, C. H. Bennett と G. Brassard によって提案された BB84 方式^{2,3)} がある.光子にキュービットを載せる物理的自由度とし て,水平・垂直の偏光 (H と V)を直交基底として用い る.またこれとは別の斜め偏光の直交基底 (D と A)を用 意し,送信者 "アリス"は図1(a)に示すように2基底の どちらかでキュービットを送り,受信者 "ボブ"もどちら かの基底で受け取る.通信後2人は別の古典通信路を用い て互いの基底を比較して基底の一致した光パルスのみで ビット列を作り,暗号鍵として保存する.経路で盗聴があ ると観測による状態変化が起きるので互いのビット列に違 いが生じ,基本的には盗聴を検出することができる.

北海道大学電子科学研究所(〒001-0020 札幌市北区北 20 条西 10 丁目) E-mail: isuemune@es.hokudai.ac.jp



図1 (a) 単一光子光源とBB84 量子暗号プロトコル. (b) 量子もつれ光子対光源とE91 量子暗号プロトコル.

1.2 E91と量子もつれ光子対光源

量子もつれ(量子エンタングルメント)は、2つの光子 の状態がそれぞれの量子状態の直積として表せないときに のみ存在し、その具体例は3.2.1 項で紹介する.量子もつ れの特徴は、2 個の光子の一方の状態が測定されると他方 の状態が確定することであり、測定以前には両者の状態は 確定しない. A. Ekert は、光子対の量子もつれを使う E91 方式⁴⁾ とよばれる量子暗号プロトコルを提案した.図1 (b)に示すように、量子もつれ光子対(EPR 対ともよばれ る)光源から出た光子の偏光は互いに直交関係にあるの で、基本的にはアリスとボブは光パルスを暗号鍵として保 存することができる.しかし E91 では「ベル測定」による 「ベルの不等式」の確認が必要であり、現在では、この確 認が不要で BB84 を量子もつれのプロトコルに発展させた BBM92⁵⁾ が主流となっている.

1.3 量子情報通信の現状

これまで日米欧,シンガポール,オーストラリアなどで さまざまなプロジェクトが進められ,数多くの量子暗号通 信実験が行われ,実運用一歩手前まできているといわれ る⁶⁾.最近では,2010年10月に都心と小金井市を結ぶ光 ファイバー網に量子情報通信装置を組み込んだ「東京 QKDネットワーク」が国内外の企業が参加して実施され た⁷⁾.今後の展開で求められる光子光源の特性としては, パルスごとに確実に光子を発生するオンデマンド単一光子 光源・量子もつれ光子対光源,高速性,単一光子純度の向 上などである.

2. 単一光子光源

単一光子光源は,光子数が1に定まった光パルスを生成 する量子光源であり,1章で述べたように,盗聴に対して セキュアな量子情報通信環境を提供するための基幹デバイ スとなっている.本章では半導体による単一光子光源の現 状について紹介する.



図2 WCP:減衰コヒーレント光源(破線:平均光子数0.1) とSPS:単一光子光源(実線:平均光子数1)における通信 路損失とパルスあたりに含まれる安全鍵ビットの関係.SPS の場合のg⁽²⁾(0)依存性も示す.検出器量子効率0.6, 誤り率 0.05で計算.

2.1 現在使用されている光子光源とその課題

2.1.1 減衰半導体レーザー光源

現在の量子暗号システムでは、「近似的な」単一光子光 源としてパルスごとの平均光子数を0.1 程度にまで弱めた 減衰半導体レーザーがおもに用いられている.レーザー光 (コヒーレント光)は、光子数がポアソン統計に従うこと が知られており、平均光子数が1では二光子生成確率は 50%と高いが、0.1では約5.2%まで低下する.量子暗号で は、1パルスが複数の光子を含むと盗聴される可能性が生 じるため、パルスごとの平均光子数を落とすことによって そのリスクを回避する.一方、平均光子数を落とすと鍵生 成率が低下し、大規模システムを考えるうえで障害とな ろう.

2.1.2 単一光子発生純度と量子情報通信におけるビッ トエラーレート

量子暗号では複数光子の生成頻度によって安全に通信可 能な通信路損失の上限値が決まるため、光源からいかに高 純度の単一光子を生成できるかが鍵となる。単一光子発生 純度は、Hanbury-Brown-Twiss 干渉計において測定される 二次相関関数の零遅延における値g⁽²⁾(0)により評価す ることができる。これは複数光子の生成確率と対応し、 減衰半導体レーザーの場合にはポアソン分布を反映して 常にg⁽²⁾(0)=1となる。一方、理想的な単一光子光源では g⁽²⁾(0)=0となる。図2に減衰半導体レーザーとg⁽²⁾(0)を 特性パラメーターとした単一光子光源の場合について、通 信路損失(dB)とパルスあたり生成安全鍵(エラー訂正と プライバシー増幅を行って最終的に利用可能な鍵)ビット 数の関係を示す⁸⁾.この図から、減衰半導体レーザーを単 一光子純度のよい単一光子光源に置き換えることにより、



図 3 (a) DBR 微小共振器ピラー構造. (b) 2 つのピラー構 造を結合させた量子もつれ光子対光源の模式図.

伝送可能な通信路損失(光ファイバーの損失が 0.2 dB/km の場合,20 dBは100 km 伝送に相当)が飛躍的に向上する ことがわかる.

2.2 固体光子光源に関するこれまでの研究

単一光子の発生を実験的に最初に示したのは 1977 年に Kimble らが行った Na 原子を用いた実験⁹⁾ であり、g⁽²⁾(0) の低下を観測して光子アンチバンチングを示した。1987 年には Diedrich らがイオントラップによる実験¹⁰⁾ でサブ ポアソン光によるアンチバンチングを示した。以降これま でに,単一原子・分子,ダイヤモンド中の色中心,金ナノ クラスター,半導体量子ドット等を用いた単一光子発生が 報告されている¹¹⁾ 単一光子光源への応用上, 高い光子生 成レート,構造安定性,発光ダイオードなど既存半導体デ バイスとの親和性、豊富な半導体微細加工技術の蓄積を考 慮すれば、半導体量子ドットが最も有望であろう。特に実 用化のうえで重要な成果として、電流注入動作12)、通信 波長帯での単一光子発生13)、またダイヤモンド色中心に よる室温での単一光子生成¹⁴⁾等が挙げられる。また鍵配 送レートの上限を与える単一光子発生の繰り返しについて は、最近電流注入動作による1GHz 動作¹⁵⁾ が報告されて いる。

2.3 光子取り出し効率の向上

半導体単一光子光源として通常用いられるⅢ-V族半導体量子ドットは、非常に高い発光効率をもつ系であるが、 屈折率が大きいため生成光子のごく一部(GaAsの屈折率 3.5を用いると約2%)しか外部に取り出せず、光子取り出 し効率(ここでは半導体光源外に置かれた最初の集光レン ズに結合する確率と定義する)の向上が重要な課題とな る.以下、この課題に対するいくつかの提案を紹介する. 分布ブラッグ反射鏡(DBR)を用いた微小共振器はこれま でさかんに研究されてきたが、これを図3(a)に示すピ ラー構造として半導体/空気界面の屈折率差により横方向





図5 金属埋め込み構造.

に光を閉じ込め,選択的に上部へ光子を取り出せば光取り 出し効率は40%程度に向上する¹⁶⁾. さらに,この構造を 先細としたナノアンテナ構造が提案され,72%の高い効率 が報告されている¹⁷⁾.一方,光通信波長帯では,図4に示 すパラボラアンテナに類似したホーン構造により,量子 ドットから発生した光子を基板側に全反射して取り出す構 造が提案され,11%の効率が報告されている¹⁸⁾.われわれ は構造が安定で広帯域動作が可能な図5に示す金属埋め込 み量子ドット構造を提案し¹⁹⁾,最近16%の光子取り出し 効率を確認した²⁰⁾.一方,ホーン構造量子ドット単一光 子光源を用いて1.5 µm 帯での量子暗号通信実験が最近実 施され,50 km の鍵配送に成功している²¹⁾.

2.4 単一光子発生純度の向上

図2での議論によれば、安全鍵生成レートは単一光子発 生純度に鋭敏な依存性をもつため、単一光子発生源の性能 を評価するうえでg⁽²⁾(0)は重要な指標となる.これまでに フォトニック結晶やピラー構造等各種の単一光子光源にお いてg⁽²⁾(0)値が報告されているが、通常の非共鳴励起より も雑音光子が発生しにくい準共鳴励起の測定では、典型値 として 0.02~0.03 が報告されている.しかし、励起強度を 上げると増大してしまう.これに対しわれわれは、図6に 示すように、発光強度が飽和する(パルスごとにほぼ光子 が発生する)比較的強い励起条件下でも 0.01 を下回る高い 純度の単一光子発生を実現した²²⁾.これは、金属埋め込 み量子ドット構造により背景光子発生の起源となる半導体 領域の体積が抑えられた(この例では~0.049 µm³)効果 と考えられ、さらに検討を続けている.



図6 g⁽²⁾(0)で評価される生成単一光子純度に対する準共鳴 励起の効果.



図7 識別できない2つの光子は、ビームスプリッターにお ける二光子干渉によって二光子が同一方向へ出力される.

2.5 単一光子光源間の二光子干渉

二光子干渉は,識別できない2つの光子が図7に示すよ うにビームスプリッターへ2方向から同時に入射する場合 に,ボゾン性を反映した干渉が生じ,二光子が同一方向へ 出力される現象である。今後量子情報ネットワークへ展開 していく際には,離れた光子光源へ量子情報を転送する必 要があり,二光子干渉が光子を用いた量子情報処理の基礎 となる。一方,量子ドットはそれぞれのサイズ揺らぎに よって発光波長がばらつく課題がある。最近,この課題を 克服する取り組みが活発化しており,電界シュタルク効果 による波長同調^{23,24)}や半導体中不純物準位の発光²⁵⁾に よって,離れた光子光源間で二光子干渉が観測されるよう になりつつある。

3. 量子もつれ光子対光源

"量子もつれ状態"は、量子情報処理の根幹をなすだけ でなく、1.2.2 節で述べた E91 に代表される量子暗号プロ トコル、200 km を超す長距離間の量子情報通信を可能と する量子中継技術にとっても必要不可欠である。物理的に は、スピンや偏光などある特性を保持する条件の下で粒子 対(群)が生成され、粒子間に相互作用が存在する場合、 量子もつれは自然に生じるが、"純度の高いきれいな"量 子もつれ光子対を生成することは現実には難しい。



図8 (a) 量子ドットの励起子状態がスピン縮退し,理想的 なカスケード発光過程により量子もつれ光子対が生成される 様子.(b) 励起子状態にエネルギームの分裂が生じ古典光 子対が生成される様子.

3.1 現状での標準光源

量子もつれ光子対の生成には、1個の光子が物質と非線 形相互作用することで2個の光子に分かれるパラメトリッ ク下方変換(PDC)が最もよく利用されている²⁶⁾.このと き位相整合条件を満たしたポンプ光(入力)のエネルギー と運動量はシグナル光(出力1)とアイドラー光(出力2) に分配され、純度の高い量子もつれ光子対を比較的簡便に 得ることができ、量子情報全般にかかわる原理検証に大き く貢献してきた.一方、PDCによる光子対発生はポアソ ン統計に従った確率的発生過程であるため、出力レートを 上げるためにポンプ光強度を大きくすると2つ以上の光子 対生成確率が増大してしまう.

3.2 半導体量子ドットを用いた研究

量子効果によって離散化された励起子状態からの光学遷 移を利用すると,理想的なオンデマンド型量子光源が実現 できる可能性があり,光子数揺らぎのない個数状態光子対 発生源を実現する有力候補として研究が進められている.

3.2.1 励起子分子状態からのカスケード発光過程

1つの半導体量子ドット中では、すべての励起子複合体 は排他的に存在し、熱緩和過程が無視できれば状態間遷移 に対応するエネルギーの光子が放出される。半導体量子 ドットを用いた量子もつれ光子対生成には、2つの励起子 がクーロン相互作用により結合した励起子分子状態(擬ス ピン表記を用いて $|+1, -1\rangle$,以下同様)から励起子状態 ($|\pm1\rangle$)を経由して真空状態($|0\rangle$)へ光学遷移するカ スケード発光過程が用いられる。原理的には、励起子状 態から発生する光子の偏光は光学選択則に従い直交する 円偏光状態(右円偏光 $|\sigma^+\rangle$ と左円偏光 $|\sigma^-\rangle$)となる。 図8(a)に示すように、この過程で得られる二光子状態は $|\varphi\rangle = (|\sigma^+\rangle_1 \otimes |\sigma^-\rangle_2 + |\sigma^-\rangle_1 \otimes |\sigma^+\rangle_2)/\sqrt{2}$ であり、どちら の経路を通ったか確定できないことから、偏光量子もつれ 光子対とみなせる。

3.2.2 励起子状態のエネルギー分裂の課題 格子定数の異なる半導体ヘテロ界面に形成される量子



図9 超伝導電極を付加したLEDにおけるニオビウム電極抵抗の温度依存性(上図)と,金電極LEDと比較した発光再結合レートの温度依存性.

ドットでは,形状異方性,残留歪みやエピタキシャル成長 中に混入した不純物による電界効果等によって系の対称性 が低下すると,励起子状態のスピン縮退が解け,放出され る光子は直線偏光状態となる(図8(b)).この励起子状態 のエネルギー分裂が生じると,先に放出される光子"1" のエネルギーを観測することによってどちらの経路をとっ たか判別できてしまい,古典相関光子対へと変化してし まう.

3.2.3 縮退した励起子状態の実現方法

励起子状態のエネルギー分裂を抑制する方法として,ア ニール処理による残留歪みおよび形状異方性の緩和²⁷⁾, 外部電界による内部電界補償²⁸⁾,外部磁場印加²⁹⁾等さま ざまな取り組みがなされており,成果をあげている.これ らは半導体量子ドット形成時に発生した系の非対称性を外 部から補償する対処療法であるが,量子ドットを三回対称 性をもつ(111)基板上に作製し,非対称性を抑制すると いった抜本的な理論提案もなされている³⁰⁾.

3.2.4 量子ドットを用いた量子もつれ光子対の生成

光子取り出し効率の向上は将来の量子情報通信応用では 必要不可欠であるが,量子もつれ光子対では効率が二乗で 効くために特に重要である.2.3節で議論したように単一 光子光源では DBR 微小共振器ピラー構造が有効である が,カスケード発光過程により生成される光子対では,励 起子分子発光と励起子発光のエネルギーが励起子分子形成 に必要な結合エネルギー分だけ異なる.このため図3(b) に示すように2つのピラー構造を近接させて結合共振モー ドを形成し,そのエネルギーを励起子分子発光と励起子発 光にそれぞれ共振させるとともに偏光依存性をなくすよう に調節し,忠実度(fidelity)73%の偏光量子もつれ光子対 発生,34%の光子外部取り出し効率が最近報告されている³¹⁾.

3.3 半導体から光子対を同時生成する研究

これまでの半導体量子ドットからの光子対発生は二光子 が異なる時間に発生するカスケードプロセスであったが、 以下の節では光子対を同時生成させる試みについて紹介 する.

3.3.1 ハイパーパラメトリック散乱

比較的大きなバンドギャップエネルギーと大きな非線形 光学効果を有する CuCl にエネルギー hooiのレーザー光を 入力し、二光子の吸収で励起子分子状態を生成する. 生成 された励起子分子は、三次の非線形過程で入力光子とほぼ 同じエネルギーを有する光子対(hoo,hoo)に分裂する. この方法はエネルギー分裂が生じやすい励起子状態を経由 しないため、純度の高い偏光量子もつれ光子対を同時生成 できる³²⁾. 一方、パラメトリック下方変換と同様光子対の

生成はポアソン統計に従う. 3.3.2 光子自然放出過程

半導体においては二光子吸収過程が知られているが、そ の逆過程である二光子発生が観測されている³³⁾.これはバ ンド間の二光子自然放出であり量子もつれ光子対を同時生 成するが、通常の一光子放出に比べると5桁程度弱い点が 難点である.

3.3.3 電子クーパー対を用いた方法

BCS 理論によれば、超伝導状態での電子は電子-格子相 互作用を介して電子対 (クーパー対)を作ってボゾン化 し、最低エネルギー状態に凝縮した状態となる。このクー パー対を起源とした発光を観測すれば、量子もつれ光子対 を得ることができる34). 超伝導体 / 半導体接合では「近接 効果」によってクーパー対が半導体中にしみ出す、そこで 超伝導電極をもつ通信波長帯発光ダイオード (LED) を作 製し、超伝導臨界温度(T_c)以下で大幅な発光増強を観測 し³⁵⁾、クーパー対による発光過程の理論解析³⁶⁾と観測結 果のよい一致を確認した³⁷⁾. さらに,図9に示すように T。以下での温度低下に対する発光再結合レートの増強を 観測した³⁸⁾. 図9の最低温度における測定結果から、全体 の66%が電子クーパー対による発光と見積もることがで き、LED 内部では量子もつれ光子対の同時生成が相当程 度起きていることを示唆する結果であり、現在量子もつれ の直接的な検証を進めている.

量子情報通信に必要とされる単一光子・量子もつれ光子 対を発生する半導体光源を中心として,最近の研究動向を 中心に紹介した.半導体光源は微細構造ゆえの作製上,計 測上の困難があり,長い間研究の進展が遅かったが,この 数年でいくつかのブレークスルーがなされており,今後の 進展が期待される.

文 献

- R. L. Rivest, A. Shamir and L. Adelman: A Method for Obtaining Digital Signature and Public-Key Cryptsystems, MIT Laboratory for Computer Science, Thechnical Memo LCS/TM82 (1977).
- C. H. Bennett and G. Brassard: "Quantum cryptography: Public key distribution and coin tossing," *Proc. IEEE Int. Conf. on Computers Systems and Signal Processing* (1984) pp. 175–179.
- H. Zbinden, H. Bechmann-Pasquinucci, N. Gisin *et al.*: "Quantum cryptography," Appl. Phys. B, 67 (1998) 743–748.
- A. Ekert: "Quantum cryptography based on Bell's theorem," Phys. Rev. Lett., 67 (1991) 661–663.
- 5) C. H. Bennett, G. Brassard and N. D. Mermin: "Quantum cryptography without Bell's theorem," Phys. Rev. Lett., **68** (1992) 557–559.
- 6) "量子暗号最前線", Optcom (2010) 6 月号.
- 7) 古田 彩:"量子暗号通信 実運用へ 東京ネットワーク始 動",日経サイエンス,1 (2011) 86-91.
- 8) N. Lütkenhaus: "Security against individual attacks for realistic quantum key distribution," Phys. Rev. A, **61** (2000) 052304.
- H. J. Kimble, M. Dagenais and L. Mandel: "Photon antibunching in resonance fluorescence," Phys, Rev. Lett., 39 (1977) 691–695.
- F. Diedrich and H. Walther: "Nonclassical radiation of a single stored ion," Phys. Rev. Lett., 58 (1987) 203–206.
- 11) 例えば, B. Lounis and M. Orrit: "Single-photon sources," Rep. Prog. Phys., 68 (2005) 1129-1179.
- 12) Z. Yuan, B. E. Kardynal, R. M. Stevenson *et al.*: "Electrically driven single-photon source," Science, **295** (2002) 102–105.
- 13) K. Takemoto, M. Takatsu, S. Hirose *et al.*: "An optical horn structure for single-photon source using quantum dots at telecommunication wavelength," Jpn. J. Appl. Phys., **101** (2007) 081720.
- 14) E. Wu, J. R. Rabeau, G. Roger *et al.*: "Room temperature triggered single-photon source in the near infrared," New J. Phys., 9 (2007) 434.
- 15) A. Lochmann, E. Stock, J. A. Töfflinger *et al.*: "Electrically pumped, micro-cavity based single photon source driven at 1 GHz," Electron. Lett., **45** (2009) 566–567.
- 16) E. Moreau, I. Robert, L. Manin *et al.*: "A single-mode solid-state source of single photons based on isolated quantum dots in a micropillar," Physica E, **13** (2002) 418–422.
- 17) J. Claudon, J. Bleuse, N. S. Malik *et al.*: "A highly efficient single-photon source based on a quantum dot in a photonic nanowire," Nat. Photonics, 4 (2010) 174–177.
- 18) K. Takemoto, M. Takatsu, S. Hirose *et al.*: "An optical horn structure for single-photon source using quantum dots at telecommunication wavelength," J. Appl. Phys., **101** (2007) 081720.
- 19) H. Kumano, H. Nakajima, S. Ekuni *et al.*: "Quantum-dot-based photon emission and media conversion for quantum information applications," Adv. Math. Phys., **2010** (2010) 1–13.
- 20) H. Iijima, M. Wada, H. Nakajima *et al.*: "High extraction efficiency of photons emitted from a single quantum dot in a pillar structure embedded in silver," *The 15th Conference*

on Modulated Semiconductor Structures (MSS15), Tu-P-118 (2011).

- 21) K. Takemoto, Y. Nambu, T. Miyazawa *et al.*: "Transmission experiment of quantum keys over 50 km using high-performance quantum-dot single-photon source at 1.5 μ m wavelength," Appl. Phys. Express, **3** (2010) 092802.
- 22) H. Nakajima, S. Ekuni, H. Kumano *et al.*: "Strongly suppressed multi-photon generation from a single quantum dot in metalembedded structure," Phys. Stat. Solidi. C, 8 (2011) 337–339.
- 23) R. B. Patel, A. J. Bennett, I. Farrer *et al.*: "Tunable indistinguishable photons from remote quantum dots," Nat. Photonics, 4 (2010) 632–635.
- 24) E. B. Flagg, A. Muller, S. V. Polyakov *et al.*: "Interference of single photons from two separate semiconductor quantum dots," Phys. Rev. Lett., **104** (2010) 137401.
- 25) K. Sanaka, A. Pawlis, T. D. Ladd *et al.*: "Indistinguishable photons from independent semiconductor nanostructures," Phys. Rev. Lett., **103** (2009) 053601.
- 26) A. G. White, D. F. V. James, P. H. Eberhard *et al.*: "Nonmaximally entangled states: Production, characterization, and utilization," Phys. Rev. Lett., **83** (1999) 3103–3107.
- 27) D. J. P. Ellis, R. M. Stevenson, R. J. Young *et al.*: "Control of fine-structure splitting of individual InAs quantum dots by rapid thermal annealing," Appl. Phys. Lett., **90** (2007) 011907.
- 28) M. M. Vogel, S. M. Ulrich, R. Hafenbrak *et al.*: "Influence of lateral electric fields on multiexcitonic transitions and fine structure of single quantum dots," Appl. Phys. Lett., **91** (2007) 051904.
- 29) M. Bayer, A. Kuther, A. Forchel *et al.*: "Influence of lateral electric fields on multiexcitonic transitions and fine structure of single quantum dots," Phys. Rev. Lett., **82** (1999) 1748–1751.
- 30) R. Singh and G. Bester: "Nanowire quantum dots as an ideal source of entangled photon pairs," Phys. Rev. Lett., 103 (2009) 063601.
- A. Dousse, J. Suffczyński, A. Beveratos *et al.*: "Ultrabright source of entangled photon pairs," Nature, 466 (2010) 217–220.
- 32) K. Edamatsu, G. Oohata, R. Shimizu *et al.*: "Generation of ultraviolet entangled photons in a semiconductor," Nature, **431** (2004) 167–170.
- A. Hayat, P. Ginzburg and M. Orenstein: "Observation of twophoton emission from semiconductors," Nat. Photonics, 2 (2008) 238–241.
- 34) I. Suemune, T. Akazaki, K. Tanaka *et al.*: "Superconductorbased quantum-dot light-emitting diodes (SQ-LED): Role of Cooper-pairs to generate entangled photon pairs," Jpn. J. Appl. Phys., **45** (2006) 9264–9271.
- 35) Y. Hayashi, K. Tanaka, T. Akazaki *et al.*: "Superconductor-based light emitting diode: Demonstration of role of Cooper pairs in radiative recombination processes," Appl. Phys. Express, 1 (2008) 011701.
- 36) Y. Asano, I. Suemune, H. Takayanagi *et al.*: "Luminescence of a Cooper pair," Phys. Rev. Lett., **103** (2009) 187001.
- 37) I. Suemune, Y. Hayashi, S. Kuramitsu *et al.*: "A Cooper-pair light emitting diode: Temperature dependence of both quantum efficiency and radiative recombination lifetime," Appl. Phys. Express, **3** (2010) 054001.
- 38) H. Sasakura, S. Kuramitsu, Y. Hayashi *et al.*: "A Cooper pair light emitting diode," arXiv:0910.5161.

(2011年4月12日受理)