忠

敏

藤

谷

有限差分時間領域法を用いた生体内光パルス伝搬 解析とヒト脳への応用

Optical Pulse Propagation in Biological Tissue by a Finite-Difference Time-Domain Analysis and Its Application to Human Brain

Tadatoshi TANIFUJI

Finite difference time domain (FDTD) analysis utilizing new boundary conditions is used to calculate near infrared optical pulse propagation in an adult head model with nonscattering cerebrospinal fluid. Light propagation through the nonscattering layer was calculated based on the light intensity characteristics along a ray in free space. Additional equivalent source functions due to light from scattering regions through the nonscattering region were introduced into the diffusion equation and an additional set of the diffusion equations was solved by FDTD analysis with the new boundary conditions. This formulation was used to calculate the time-resolved reflectances of four-layered slabs containing a nonscattering layer. The received light intensity and the mean time of flight estimated using this method were in reasonable agreement with previously reported experimental data and Monte Carlo simulations. Then, the sensitivity of continuous and time-resolved reflectances due to local absorption coefficient changes in the model was made clear.

Key words: absorption coefficient, diffuse optical tomography, FDTD analysis, functional brain measurement, optical diffusion equations, time-resolved method

波長 0.7~1 μ m の近赤外領域における酸化および還元 モグロビン (HbO₂および Hb)の光吸収スペクトルの相異 を利用すると、生体血中の HbO₂および Hb の濃度分布の 同定が可能となる¹⁻³⁾. この近赤外分光法とランベルト・ ベールの法則を適用した簡易血中酸素濃度測定法³⁾はすで に臨床応用されている.近赤外分光法による HbO₂および Hbの濃度絶対値の同定を可能とし、空間分解能の向上を図 るために、拡散光トモグラフィー (diffuse optical tomography; DOT)実現に向けた研究が行われている¹⁻⁷⁾. DOT は 大別して、連続光の受光パワー変化を用いる方法、強度変 調された光の位相変化を用いる周波数領域法⁴⁾、およびピ コ秒パルス波形の変化を利用する時間領域法がある^{5,6)}. 時間領域拡散光トモグラフィー (time-resolved diffuse optical tomography; TRDOT)は、他の2つの方法に比べて 空間分解能の飛躍的な向上が期待できる^{6,7)}. TRDOT は光 パルス波形の理論値と実測値の自乗残差で定義される目的 関数の最小値を探索する逆問題解析により,生体内部の光 学パラメーターを同定する.したがって,TRDOTを実現 するためには光学パラメーターが不均一な実際の生体の 散乱光パルス波形を計算する必要があり,有限要素法^{2,8)} や有限差分時間領域法(finite difference time domain; FDTD)法^{5,9)}等の数値解析が不可欠である.これらの解 析法には,光輸送方程式を拡散近似した光拡散方程式¹⁰⁾ が用いられる.しかし実際のヒト頭部では,非散乱体であ る脳髄液が頭蓋骨とヒト脳の間に介在するため,その光伝 搬解析に光拡散方程式をそのまま適用すると大きな誤差を 伴う¹¹⁾.

本報告では、生体のような光散乱体中の光伝搬を規定す る光拡散方程式と、その FDTD 解析法を簡単に述べる. 次に、非散乱体が混在する生体の光パルス伝搬解析を可能

北見工業大学工学部電気電子工学科(〒090-8507 北見市公園町 165 番地) E-mail: tanifuji@mail.kitami-it.ac.jp

とする FDTD 解析法を提案し,この方法により計算した ヒト頭部モデルからの後方散乱光パワーと平均遅延時間は 実測値とよく一致することを示す.さらに,非散乱体であ る脳髄液が時間領域法におけるヒト脳の光吸収係数 (μ_a) 変化の検出感度に及ぼす影響を明確にする.また,連続光 を用いる方法と時間領域法のμ_a変化の検出感度を比較 する.

1. 光拡散方程式とその FDTD 解析法

本章では,光拡散方程式¹⁰⁾ とその FDTD 解析法⁹⁾ を概 説する.

1.1 光拡散方程式

生体のように散乱体が密に分布した媒体中の光伝搬は, 以下の光拡散方程式で記述される^{9,12)}.

$$\frac{1}{c}\frac{\partial \boldsymbol{J}(\boldsymbol{r},t)}{\partial t} + \frac{1}{3}\nabla\phi(\boldsymbol{r},t) + \mu_{\mathrm{tr}}(\boldsymbol{r})\boldsymbol{J}(\boldsymbol{r},t) = \int_{4\pi}\varepsilon(\boldsymbol{r},\boldsymbol{\hat{s}}',t)\,\boldsymbol{\hat{s}}\mathrm{d}\omega$$
(1)

$$\frac{1}{c}\frac{\partial\phi(\boldsymbol{r},t)}{\partial t} + \nabla\cdot\boldsymbol{J}(\boldsymbol{r},t) + \mu_{a}(\boldsymbol{r})\,\phi(\boldsymbol{r},t) = \int_{4\pi}\varepsilon(\boldsymbol{r},\hat{\boldsymbol{s}}',t)\,\mathrm{d}\omega$$
(2)

$$\mu_{\rm t} = \mu_{\rm a} + \mu_{\rm s} \tag{3}$$

$$\mu'_{a} = (1 - g)\mu_{a} \tag{4}$$

$$\mu_{\rm tr} = \mu_{\rm a} + \mu'_{\rm s} \tag{5}$$

上式で $\phi(\mathbf{r}, t)$ は位置 \mathbf{r} における平均輝度を示し、放射発 散度とよばれる.また、 $J(\mathbf{r}, t)$ は位置 \mathbf{r} における方向を示 す単位ベクトル $\hat{\mathbf{s}}$ に向けた単位断面積あたりの光エネル ギー流を示し、拡散放射流速とよばれる.式(3)の μ_t は散乱体に入射した光パワーが吸収および散乱により減衰 する大きさを示し、光吸収および散乱係数 μ_a および μ_s の 和で与えられる.またgは非等方散乱パラメーターで、 g=1は完全な前方散乱、g=0はすべての方向に均等に光 を散乱する等方散乱を示す.生体組織は強い前方散乱を示 すが、散乱が多数回繰り返される結果、実効的な散乱は式 (4)で与えられる等価散乱係数に減少する.また、輸送 減衰係数 $\mu_{\rm tr}$ は式(5)に示すように μ_a と μ'_s の和で与え られ、 $\varepsilon(\mathbf{r},\hat{\mathbf{s}}', t)$ は散乱体中の波源を示す.

1.2 有限差分時間領域法

式(1)および式(2)の連立微分方程式の FDTD 解析 を行うために、三次元散乱体を図1に示す(x,y,z)方向の サイズが($\Delta x, \Delta y, \Delta z$)の Yee 格子に離散化する.また散乱 体中の位置をYee 格子座標(i, j, k)で示す. $\phi(\mathbf{r}, t)$ は輝度を 表し、 $J(\mathbf{r}, t)$ は輝度の傾斜に起因する(x, y, z)方向の光エネ ルギー流密度を示すので、Yee 格子頂点に $\phi(\mathbf{r}, t)$ を、 (x, y, z)各方向の辺中点に $J(\mathbf{r}, t)$ の各成分を配置することに



図1 Yee 格子の定義.

より,式(1)および式(2)の連立微分方程式は中心差 分を用いた差分方程式に変換することが可能となる⁹⁾. そ の結果,式(6)~(9)に示すように,拡散放射流速の (*x*,*y*,*z*)成分は時刻 $t = \left(n + \frac{1}{2}\right)\Delta t$,放射発散度は $t = n\Delta t$ で 交互に代数的に計算することができる¹²⁾.

$$J_{x}^{n+\frac{1}{2}}\left(i+\frac{1}{2},j,k\right) = C_{1}J_{x}^{n-\frac{1}{2}}\left(i+\frac{1}{2},j,k\right)$$
$$-C_{1\Delta x}\left[\phi^{n}(i+1,j,k)-\phi^{n}(i,j,k)\right]$$
(6)

$$J_{y}^{n+\frac{1}{2}}\left(i,j+\frac{1}{2},k\right) = C_{1}J_{y}^{n-\frac{1}{2}}\left(i,j+\frac{1}{2},k\right)$$
$$-C_{1\Delta y}\left[\phi^{n}(i,j+1,k)-\phi^{n}(i,j,k)\right]$$
(7)

$$J_{z}^{n+\frac{1}{2}}\left(i,j,k+\frac{1}{2}\right) = C_{1}J_{z}^{n-\frac{1}{2}}\left(i,j,k+\frac{1}{2}\right) - C_{1\Delta z}\left[\phi^{n}(i,j,k+1) - \phi^{n}(i,j,k)\right]$$
(8)

$$\begin{split} \phi^{n+1}(i,j,k) &= C_2 \phi^n(i,j,k) \\ &- C_{2\Delta x} \Biggl[J_x^{n+\frac{1}{2}} \Biggl(i + \frac{1}{2}, j, k \Biggr) - J_x^{n+\frac{1}{2}} \Biggl(i - \frac{1}{2}, j, k \Biggr) \Biggr] \\ &- C_{2\Delta y} \Biggl[J_y^{n+\frac{1}{2}} \Biggl(i, j + \frac{1}{2}, k \Biggr) - J_y^{n+\frac{1}{2}} \Biggl(i, j - \frac{1}{2}, k \Biggr) \Biggr] \\ &- C_{2\Delta x} \Biggl[J_z^{n+\frac{1}{2}} \Biggl(i, j, k + \frac{1}{2} \Biggr) - J_z^{n+\frac{1}{2}} \Biggl(i, j, k - \frac{1}{2} \Biggr) \Biggr] \\ &+ C_{2S} \frac{\overline{\mu}'_S}{\overline{\mu}_t} \frac{P_0 T_S(i, j) \times D_S(k)}{\Delta x \Delta y \Delta z} \end{split}$$

上式 μ_{a} , μ_{tr} および μ_{t} では Yee 格子内の平均光学パラメー ターで,係数はこれらを用いて次式で与えられる.



図3 散乱体間の光結合.

$$C_{1}(\mathbf{r}) = \frac{2 - c\Delta t \bar{\mu}_{tr}(\mathbf{r})}{2 + c\Delta t \bar{\mu}_{tr}(\mathbf{r})}, \quad C_{1\delta}(\mathbf{r}) = \frac{1}{3\delta} \frac{2c\Delta t}{2 + c\Delta t \bar{\mu}_{tr}(\mathbf{r})},$$

$$C_{1S}(\mathbf{r}) = \frac{2c\Delta t}{2 + c\Delta t \bar{\mu}_{tr}(\mathbf{r})},$$

$$C_{2}(\mathbf{r}) = \frac{2 - c\Delta t \bar{\mu}_{a}(\mathbf{r})}{2 + c\Delta t \bar{\mu}_{a}(\mathbf{r})}, \quad C_{2\delta}(\mathbf{r}) = \frac{1}{\delta} \frac{2c\Delta t}{2 + c\Delta t \bar{\mu}_{a}(\mathbf{r})},$$

$$C_{2S}(\mathbf{r}) = \frac{2c\Delta t}{2 + c\Delta t \bar{\mu}_{a}(\mathbf{r})},$$

$$\delta = \Delta x = \Delta y = \Delta z$$
(10)

なお,式(9)の $T_{s}(i,j)$ および $D_{s}(k)$ は,波源のx-y面内 分布および深さを規定する関数である¹²⁾.

2. ヒト頭部光パルス伝搬解析法

ヒト頭部は図2に示すように、灰白質と頭蓋骨の間に非 散乱体である脳髄液(cerebro-spinal fluid; CSF)が介在す る.このため、頭皮から近赤外光を入射して頭皮で検出さ れた後方散乱光パルス波形は脳髄液の影響を受ける.脳髄 液を考慮したヒト頭部パルス伝搬解析法の概要を図2およ び図3に示す.図3の格子は、光学的に不均一な実際のヒ ト頭部をFDTD解析⁹⁾ するためのYee格子を示す.図3に 示す波源による下部散乱体中の光伝搬は前章で述べた光拡 散方程式により解析する.しかし、非散乱体を挟んだ散乱



図4 脳髄液境界における透過および反射光の計算.

体間の光結合は光拡散方程式では解析できない¹¹⁾.このため、下部散乱体と非散乱体の境界 r_b における特性光強度 $I(r_b, \hat{s}_{\theta}, t)$ を、下部散乱体のFDTD解析により計算した放射発散度 $\phi(r, t)$ と拡散放射流速J(r, t)から次式で求める¹⁰⁾.

$$\boldsymbol{I}(\boldsymbol{r}_{\mathrm{b}}, \boldsymbol{\hat{s}}_{\theta}, t) = \frac{\phi(\boldsymbol{r}_{\mathrm{b}}, t)}{4\pi} + \frac{3}{4\pi} \boldsymbol{J}(\boldsymbol{r}_{\mathrm{b}}, t) \, \boldsymbol{\hat{s}}_{\theta}$$
(11)

上式でrおよびtは場所と時刻を示し、 \hat{s}_{θ} は θ 方向を示す 単位ベクトルである。対面する上部散乱体と非散乱体の境 界 r_{s} における特性光強度 $I(r_{s}, \hat{s}_{\theta}, t)$ は特性光強度の空間不 変性¹⁰⁾により次式で与えられる。

$$\boldsymbol{I}(\boldsymbol{r}_{s},\boldsymbol{\hat{s}},t) = \boldsymbol{I}(\boldsymbol{r}_{b},\boldsymbol{\hat{s}},t)e^{-\mu_{a}|\boldsymbol{r}_{b}-\boldsymbol{r}_{s}|}$$
(12)

上式で与えられる特性光強度が上部散乱体に入射して拡散 光を励起する.この拡散光を波源として、上部散乱体中の 光伝搬は光拡散方程式の FDTD 解析により計算可能であ る.図4に示すように、非散乱体および散乱体の屈折率を n_1 および n_2, r_s からみた r_b の Yee 格子の立体角を d ω_1 , こ の入射光が上部散乱体で屈折されたときの立体角を d ω_2 と すると、上部散乱体中へ入射する特性光強度 $I_t(r_s, \hat{s}_{\theta}, t)$ は 次式で与えられる¹⁰⁾.

$$\boldsymbol{I}_{t}(\boldsymbol{r}_{s}, \boldsymbol{\hat{s}}_{\theta_{2}}, t) d\boldsymbol{\omega}_{2}(\boldsymbol{r}_{s}) = \frac{n_{2}}{n_{1}} |T|^{2} \boldsymbol{I}(\boldsymbol{r}_{b}, \boldsymbol{\hat{s}}_{\theta_{1}}, t) e^{-\mu_{s} |\boldsymbol{r}_{s} - \boldsymbol{r}_{b}|} d\boldsymbol{\omega}_{1}(\boldsymbol{r}_{s})$$
(13)

上式で上部散乱体への光パワー透過係数はスネルの法則を 用いて次式で与えられる。

$$|T|^{2} = \left[\left| \frac{2n_{1}\cos\theta_{1}}{n_{2}\cos\theta_{1} + n_{1}\cos\theta_{2}} \right|^{2} + \left| \frac{2n_{1}\cos\theta_{1}}{n_{1}\cos\theta_{1} + n_{2}\cos\theta_{2}} \right|^{2} \right] / 2$$
(14)

上部散乱体に励起される拡散光パワー $P_t(r_s,t)$ は式(13)を $d\omega_2$ で積分して次式で与えられる¹³⁾.

$$P_{t}(\mathbf{r}_{s},t) = \begin{cases} \frac{n_{2}}{n_{1}} \sum_{r_{b} \in S_{1}} |T|^{2} \left[\frac{\phi(\mathbf{r}_{b},t)}{4\pi} + \frac{J_{n}(\mathbf{r}_{b},t)}{2\pi} \right] \frac{e^{-\mu_{a}|\mathbf{r}_{s}-\mathbf{r}_{b}|} \Delta z^{2}}{|\mathbf{r}_{s}-\mathbf{r}_{b}|^{2}} & (\theta_{1}=0) \\ \frac{n_{2}}{n_{1}} \sum_{r_{b} \in S_{1}} |T|^{2} \frac{I(\mathbf{r}_{b},\hat{\mathbf{s}}_{\theta_{1}},t) e^{-\mu_{a}|\mathbf{r}_{s}-\mathbf{r}_{b}|} \cos\theta_{1} \cos\theta_{2} \Delta z^{2}}{|\mathbf{r}_{s}-\mathbf{r}_{b}|^{2}} & (\text{else}) \end{cases}$$
(15)



図5 4層ヒト頭部モデルとその光学パラメーター.



図 6 後方散乱光パワーと平均遅延時間の d 依存. (a) 後方散 乱光パワー, (b) 平均遅延時間.

結局, $I_t(\mathbf{r}_s, \hat{s}_{\theta}, t)$ により上部散乱体に励起される拡散光 は,光拡散方程式に次式で与えられる波源を新たな境界条 件¹²⁾ (new boundary condition; NBC) に組み込むことで計 算できる.

$$\varepsilon(\mathbf{r}_{\rm s}, \hat{\mathbf{s}}_{\theta_2}, t) = \frac{1}{4\pi} \frac{\mu_{\rm s}' P_{\rm t}(\mathbf{r}_{\rm s}, t)}{\mu_{\rm a} + \mu_{\rm s}'} \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_{\rm s})$$
(16)

反射光も同様に図4の $I_r(r'_s, \hat{s}_{\theta,t})$ をスネルの法則を用い て計算し、 $P_r(r_s,t)$ による波源を下部の光拡散方程式に組 み込む.上部散乱体からの特性光強度も同様に光拡散方程 式の波源に組み込み、この操作を各時間ステップで行うこ とにより、脳髄液を含むヒト頭部の光パルス伝搬解析が可 能となる.

3. 後方散乱光パワーと平均遅延時間の光源・検出器 間隔依存性

前章で述べた解析法の妥当性を検証するために,図5に 示すヒト頭部モデルの後方散乱光パルス波形から光パワー と平均遅延時間の光源・検出器間隔(d)依存性を計算 し、モンテカルロ法および実測値等¹⁴⁾と比較した。計算 は、脳髄液境界での屈折率不整合(n₁=1.46, n₂=1.56) を考慮した。また、前章で述べた NBC の有効性を示すた めに, 従来の境界条件 (conventional boundary condition; CBC) を用いた結果も示す. 図 6 (a) は, FDTD 法で計算 した後方散乱光パワーの d 依存性とモンテカルロ法および コンピューターグラフィックスの輝度計算で用いられてい る radiosity 理論と光拡散方程式を組み合わせた hybrid radiosity-diffusion (HRD) 理論による計算結果¹⁴⁾ を示す. なお、モンテカルロ法と HRD は、脳髄液境界の屈折率不 整合の影響は考慮されていない。図から、NBC を用いた FDTD 解析はモンテカルロ法とよく一致していることがわ かる. 一方, CBC を用いると d が 20 mm 以上でモンテカ ルロ法との乖離が顕著になる。図6(b)は平均遅延時間の d依存性を示す。図から、NBCを用いたFDTD 解析は実測 値ときわめてよく一致していることがわかる. この場合 も、図6(a)と同様に CBC を用いた FDTD 解析は d が 20 mm 以上で実測値との乖離が顕著になる。また、HRD 理 論と実測値の乖離は、脳髄液境界での屈折率不整合を考慮 していないためと考えられる。以上の結果から、ここで示 した新たな境界条件を用いたヒト頭部光パルス伝搬解析法





は妥当と考えられる.

4. ヒト脳のμ_a変化検出感度

図7に示すように、図5のヒト脳二次元4層モデルの各層を幅が10mmの単位領域に分割し、脳の各単位領域の 光吸収係数が変化した場合の後方散乱光パルス波形変化と



連続光の後方散乱光パワー変化から,脳内光吸収係数変化 検出感度の脳髄液厚み依存性を検討した.ここで算出する 検出感度は,脳の局所的な血流の増加や血中酸素濃度変化 に起因する光吸収係数の変化から,脳の腑活化部位を同定 し脳機能計測を行うDOTの性能指標と考えられる.

4.1 最大検出感度への脳髄液の影響

図8(a) および(b)は、それぞれ脳髄液厚みが2mmお よびゼロ(脳髄液なし)の場合について、灰白質の左端か ら40~50 mmにある単位領域の光吸収係数 μ_a が0.025から 0.035 mm⁻¹に増加したときの後方散乱光パルス波形変化 と、連続光の後方散乱パワー変化の*d*依存性を示す.パル ス波形変化は、ピーク値から10~30 dB 低下した時刻の振 幅変化により算出した.図から、脳髄液がある場合は、 *d*=25 mm 程度で最大検出感度が得られている.これに対 して脳髄液がない場合は、ピーク値からの相対振幅が小さ くなるに従って最大検出感度を与える*d*が小さくなること がわかる.

4.2 検出感度の脳髄液厚み依存性

脳髄液厚みが4および10mmの場合についても図8と同様な計算を行い,検出感度の脳髄液厚み依存性を見積もった.なお,最大感度はピーク値近傍の3点に二次関数をあ

てはめることで算出した. 図9(a) および(b) は, 灰白 質および白質の最大感度を与える dを選択したときの脳髄 液厚み依存性を示す. 図9(a) から, 灰白質の μ_a 変化に よる検出感度は, 脳髄液厚みの増加に伴い減少することが わかる. これは, 脳髄液厚みが大きくなるに伴い, 脳髄液 片面の点からみた対面の Yee 格子の立体角が脳髄液の2乗 に反比例するため, 散乱体間の光結合が小さくなることに 起因すると思われる. 図9(b) も図9(a) と同様の傾向に あるが, 感度の脳髄液厚み依存性はより顕著になってい る. このため, 脳髄液厚みが 10 mm 以上になると時間領 域の検出の限界に近づくことがわかる.

非散乱体である脳髄液を含むヒト頭部モデルの FDTD 解析法を提案した、本解析法では、散乱体中の光伝搬は光 拡散方程式を用い, 脳髄液中の光伝搬は特性光強度の空間 不変性により計算し、これにより励起される拡散光を新た な境界条件を用いて光拡散方程式に組み込む、本解析を用 いて計算した後方散乱光パワーと平均遅延時間の光源・検 出器間隔依存性はモンテカルロ法および実測値と一致し, その妥当性が検証された、この解析法を用いて、時間領域 測定による灰白質と白質の光吸収係数変化感度を検討し た。その結果、脳髄液を考慮しないと最大感度を与える光 源・検出器間隔はフォトンの遅延時間に依存するが、脳髄 液を考慮するとほぼ一定値となることが判明した。また、 時間領域と連続光によるヒト脳の光吸収係数変化感度の脳 髄液有無の依存性を明確にした。今後は実際にヒト脳を用 いて本理論の妥当性を検証し、時間領域法を用いた拡散光 トモグラフィーの有用性を確認する必要がある.

文 献

- 1) 田村 守: "新・光を使った生体計測", O plus E, No.216 (1997) 149-152.
- 2) 山田幸夫,高橋ゆかり: "医学・生物学における光と生体組織の相互作用および光によるイメージング",通産省機械技術研究所報,49 (1995) 1-31.
- Special issue in IEEE Engineering in Medicine and Biology Magazine, 26 (2007) 14–58.
- 4) T. O. McBride, B. W. Pogue, E. D. Gerety, S. B. Poplack, U. L. Osterberg and K. D. Paulsen: "Spectroscopic diffuse optical tomography for the quantitative assessment of hemoglobin concentration and oxygen saturation in breast tissue," Appl. Opt., 38 (1999) 5480–5490.
- A. H. Hielscher, A. D. Klose and K. M. Hanson: "Gradient based iterative image reconstruction schema for time-resolved optical tomography," IEEE Trans. Med. Imaging, 18 (1999) 261–271.
- F. G. Gao, H. Z. Zhao and Y. Yamada: "Improvementof image quality in diffuse optical tomography by use of full time-resolved data," Appl. Opt., 41 (2002) 779–791.
- 7) R. D. Frostig: *In vivo Optical Imaging of Brain Function*, chap. 8 (CRC Press, 2002).
- S. R. Arridge, M. Schweiger, M. Hiraoka and D. T. Delpy: "A finite element approach for modeling photon transport in tissue," Med. Phys., 20 (1993) 299–309.
- 9) T. Tanifuji and M. Hijikata: "Finite difference time domain (FDTD) analysis of optical pulse responses in biological tissues for spectroscopic diffused optical tomography," IEEE Trans. Med. Imaging, 21 (2002) 181–184.
- 10) A. Ishimaru: Wave Propagation and Scattering in Random Media, Chap. 9 (IEEE Press, 1997).
- M. Firbank, S. R. Arridge, M. Schweiger and D. T. Delpy: "An investigation of light transport through scattering body with non-scattering regions," Phys. Med. Biol., 41 (1996) 767–783.
- 12) T. Tanifuji, S. Tabata, K. Okimatsu and N. Naoya: "Finitedifference time-domain and steady-state analysis with boundary conditions of optical transport in a three-dimensional scattering medium illuminated by an isotropic point source," Appl. Opt., **50** (2011) 1697–1706.
- 13) T. Tanifuji, N. Naoya, K. Okimatsu, S. Tabata and Y. Hashimoto: "Finite-difference time-domain analysis of time-resolved reflectance from an adult head model composed of multilayered slabs with a nonscattering layer," Appl. Opt., **51** (2012) 429–438.
- 14) E. Okada and D. Delpy: "Near-infrared light propagation in an adult head model. I. Modeling of low-level scattering in the cerebrospinal fluid layer," Appl. Opt., 42 (2003) 2906–2914.

(2012年3月5日受理)