# 回折レンズの設計手法およびナノコンポジット材料 による回折効率向上

是永 継博\*,<sup>†</sup>・安藤 貴真\*\*・岡田 夕佳\*・西脇 青児\*・鈴木 正明\*

# Design Method of Diffractive Lens for Imaging Use and Improvement of Diffraction Efficiency by Laminating a Novel Nanocomposite Film on the Diffractive Lens

Tsuguhiro KORENAGA\*, <sup>†</sup>, Takamasa ANDO\*\*, Yuka OKADA\*, Seiji NISHIWAKI\* and Masa-aki SUZUKI\*

Diffractive lenses are expected to improve a chromatic aberration and a field curvature of optical systems. However, for capturing a color image, the quality of the image is reduced due to unnecessary diffractive light. This paper shows a novel diffraction grating lens with nanocomposite material, and the design method of the lens for imaging use.

Key words: camera, diffraction grating lens, lens design, nanocomposite material, diffraction efficiency

急速な普及拡大を示すモバイル機器のみならず,家電機 器やセキュリティー用途など,あらゆる分野へのカメラ搭 載が加速しており,カメラには小型化,低コストは元よ り,用途に応じて高解像化,高画素化,高感度化,広角化 などの,さらなる性能向上が求められている.また,複数 のレンズを平面的に配置した複眼カメラ光学系<sup>1)</sup>や PSF (point spread function)を応用した EDOF (extended depth of field)<sup>2)</sup> カメラのように,測距やぼけ画像の再生化など これまでにない新しい機能を備えたカメラも提案されて いる.

半導体プロセス技術や画像処理技術といったディジタル ならではの技術の進展は、高画素化(撮像素子の画素サイ ズの縮小)や高解像化、高感度化等に貢献するが、カメラ 技術の生命線は、やはりレンズである。特に、撮像性能を 維持しつつ、レンズ枚数をいかに少なくできるかは、銀塩 写真技術以来の不変のテーマである。当然のことながら、 レンズ枚数の削減は、レンズの直接コストを抑制できるだ けでなく、カメラモジュール組み立て時のばらつき要因の 削減につながるため、実装、検査コスト低減への寄与が大 きく、カメラの小型化に最も貢献できる。 回折レンズは色収差や像面湾曲などの光学収差の低減に 有効であり<sup>3)</sup>,球面,非球面レンズ等の屈折レンズに組み 合わせることで、レンズ枚数を低減することができる。回 折ピッチが波長に対して十分大きいブレーズ回折格子で は、波長 $\lambda$ におけるm次回折効率が100%になる回折格子 の段差dは、式(1)で与えられる。

$$d = \frac{m\lambda}{n(\lambda) - 1} \tag{1}$$

ただし,  $n(\lambda)$  は波長 $\lambda$  におけるブレーズ回折格子材料の 屈折率である.

式(1)において、右辺は、波長 λ に伴って変化するた め、最適な段差 d も変化してしまう.いいかえれば、可視 光波長全域(波長 400~700 nm)にわたって、単一の段差 d で回折効率を単一の次数(m次)に維持することは不可 能であり、m 次以外の回折光(不要回折光)が重畳され、 撮影画像の画質が劣化してしまう.回折レンズが単一波長 の使用を前提とする光ピックアップへの用途に限られてい るのは、このような理由による.

本稿では,ナノコンポジット材料を用いることで,回折 効率の最適化を可視光波長全域にわたって実現した回折レ

<sup>\*</sup>パナソニック(株) R&D 本部 デバイスソリューションセンター (〒570-8501 守口市八雲中町 3-1-1)

<sup>\*\*</sup>パナソニック フォト・ライティング(株)新規・応用商品部 (〒569-1193 高槻市幸町 1-1)

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup>E-mail: korenaga.tsuguhiro@jp.panasonic.com

ンズについて説明する.また,その独自の設計手法(帰納 的設計手法)や回折格子に起因するフレアを抑制する格子 構造について述べる.

# 1. 回折効率の波長依存性低減

カメラに用いることを目的に、可視光波長全域にて、特 定次数での回折効率の波長依存性を低減して不要な回折光 の発生を抑制する回折レンズがすでに提案されている。具 体的には、複数のブレーズ回折格子を対向配置する構成<sup>4)</sup> や、ブレーズ回折格子を別材料で被覆する構成<sup>5)</sup>である。 これらはガラス材料を用い、交換型のディジタルカメラの 望遠レンズとして市場投入されている。

## 1.1 ナノコンポジット白色回折レンズ

波長 λ が可視光波長全域で下記の式(2)を満たす材料 によって,段差 d のブレーズ回折格子の表面を被覆し,2 つの材料の屈折率差によって波長の変化を補正することで 回折効率の波長依存性の問題を回避することができる<sup>5)</sup>.

$$d = \frac{m\lambda}{|n_2(\lambda) - n_1(\lambda)|} \tag{2}$$

ここで、 $n_1(\lambda)$ はブレーズ回折格子材料の屈折率、 $n_2(\lambda)$ は回折格子面を覆う材料の屈折率である.式(2)の等式 を満足するためには、長波長側ほど2つの材料間の屈折率 差を拡大させなければならず、 $n_1(\lambda)$ として低屈折率・高 波長分散(低アッベ数)材料、 $n_2(\lambda)$ として高屈折率・低 波長分散(高アッベ数)材料を用いる必要がある.なお、 塗布する材料がレンズ基材よりも低屈折率の場合、ブレー ズ回折格子形状は光軸方向に沿って上下反転させる.

実用上, ブレーズ回折格子材料と, 回折格子面を覆う材 料の組み合わせとして, 可視光波長全域で, 式(2)を満 足した上で双方の屈折率差の絶対値が大きい組み合わせに より, 左辺の回折格子の段差 d を小さくする. その理由 は, 回折格子の段差が大きいと, レンズを通過する全光束 のうち, 回折段差を通過する光線の割合が増加して光量ロ スが顕著となるだけでなく, 迷光が発生して画質に影響を 生じるためである. また, 回折輪帯のピッチを広くして回 折段差を通過する光線割合を減らすと, 回折による撮像性 能の向上効果が制限されてしまう.

可視光波長全域にて式(2)を満足する例として,ブ レーズ回折格子材料として高屈折率・低波長分散のモール ドガラスを用い,金型によるプレスでモールドガラス表面 に回折格子ブレーズを形成し,これよりも低屈折率・高波 長分散の UV 硬化樹脂で被覆することで分母の屈折率差 (d 線)が 0.037 (20 µm 以下の回折段差に相当)の事例が 示されている<sup>6</sup>.



近年、カメラレンズとして樹脂レンズの採用が拡大して いる。樹脂は、金型による射出成形が容易であるため複雑 な形状を大量に生産することが可能で、材料費が安価であ り、ガラスに比べて軽量という種々の特長を備える。カメ ラの高機能化、多機能化、小型化がますます求められる状 況において、今後、樹脂レンズのさらなる進展が予想され る.一方で、材料の屈折率は構成原子の原子屈折に依存 し、樹脂材料では実際に使用できる元素が限定されるた め、屈折率の制御範囲はガラスなどの無機材料に比べて狭 い. したがって, 屈折率とアッベ数の関係は図1に記載中 の網掛け部に示される領域となるものがほとんどである。 限定された汎用光学樹脂材料の選択肢の中での組み合わせ で,可視光波長全域で式(2)を満足するものは,屈折率 差の絶対値が小さいものしかなく、1次回折を得る場合で も、少なくとも 50 µm 以上の深い段差の回折格子が必要 となる.

そこで筆者らは,既存の樹脂材料に高屈折率低波長分散 の無機ナノ粒子を分散させたナノコンポジット材料を用い ることで,可視光波長全域にわたり,実用に供する回折段 差深さで式(2)を満足し,オール樹脂からなる回折レン ズ構成を提案している<sup>7)</sup>.本レンズを"ナノコンポジット 白色回折レンズ"とよぶ.

ナノコンポジット白色回折レンズを構成する低屈折率・ 低アッベ数のブレーズ回折格子材料として,熱可塑性汎用 光学樹脂であるポリカーボネート樹脂 ( $n_d = 1.585$ ,  $v_d =$ 28)を使用した場合,スカラー領域でのブレーズ回折格子 の回折効率理論を用いると、1次回折効率が90%以上とな る高屈折率・高アッベ数の材料の屈折率特性は図1の斜線 領域に相当する.図2に、回折レンズ材料としてポリカー ボネート、回折格子面を覆う材料としてナノコンポジット 材料 ( $n_d = 1.623$ ,  $v_d = 40$ )を用いたと仮定した場合,ナ ノコンポジット白色回折レンズの理論的回折効率の波長依 存性(実線)を通常の回折レンズの特性(破線)と重ねて

42巻7号(2013)



図2 1次回折効率の波長依存性(理論値).

示す. ナノコンポジット白色回折レンズの回折の段差 *d* は 15 μm である. 1 次回折効率が可視光域全域において理論 上 95%以上となり,不要な回折光を低減して,高性能レ ンズを実現できる.

#### 1.2 ナノコンポジット材料の調製と回折効率の評価方法

図1の斜線領域の屈折率,アッベ数を得るために,ベースとなる紫外線硬化樹脂にナノ粒子材料を均一分散させてナノコンポジット材料膜を調製し,屈折率とアッベ数を実測し,理論値との比較を実施した.理論値は,誘電体混合物に適用される有効媒質近似の Maxwell-Garnett 理論<sup>8)</sup> にて,無機ナノ粒子,ベース樹脂のそれぞれの屈折率と体積比をパラメーターとしてナノコンポジット材料の屈折率を算出した.なお,ナノ粒子材料として,酸化チタン ( $n_d = 2.354$ ,  $v_d = 10$ ) と,酸化ジルコニウム ( $n_d = 2.096$ ,  $v_d = 36$ )を使用した.

図3に、調製したナノコンポジット材料の屈折率・アッ べ数の理論値と実測値を示す。ガラス基板上にナノコンポ ジット膜を形成し、プリズムカップラー装置 (メトリコン 社製プリズムカップラー2010)を使用して屈折率特性を確 認した。ナノ粒子の体積比率が10,30,50体積%となる ようにベース樹脂に分散させたナノコンポジット材料をそ れぞれ作製し, 波長 405 nm, 532 nm, 633 nm における屈 折率を測定して得られた測定値と屈折率分散式の近似式を 用いてアッベ数 v<sub>d</sub>を算出した.酸化チタン,酸化ジルコ ニウムによるナノコンポジット材料の双方について検討し た結果、いずれも無機ナノ粒子の体積比率の増大とともに 屈折率が向上した。また、いずれにおいても理論値と実測 値は比較的一致しており, Maxwell-Garnett 理論に基づい てナノコンポジット材料の屈折率およびアッベ数を設計で きることがわかる. $v_d = 10$ の酸化チタンを用いた場合に は、少ない体積比率でもナノコンポジット材料のアッベ数



図3 ナノコンポジット材料の屈折率とアッベ数.

が小さくなってしまい,ナノ粒子の体積比率を上下しても 図2の斜線領域の屈折率,アッベ数を実現できない.一 方, v<sub>d</sub> = 36の高いアッベ数を示す酸化ジルコニウムを用 いれば,ナノコンポジット材料における高屈折率と高アッ べ数の両立が可能であり,白色回折レンズ用として特に適 していることがわかった.

光学レンズとして用いる場合、ナノコンポジット材料の 透明性もきわめて重要である。無機ナノ粒子の粒径が波長 より十分小さいナノコンポジット材料における透明性は, 粒子によるレイリー散乱理論によって説明される<sup>9,10)</sup>.レ イリー散乱は粒子径,および粒子とベース樹脂との屈折率 比の関数であり、かつ短波長ほど大きく影響するため、無 機ナノ粒子と樹脂の屈折率差が大きいナノコンポジットに おいて透明性を確保するには、粒子径が10 nm 以下のナノ 粒子を用い、ナノ粒子の分散状態を良好に維持することが 求められる.小粒径の酸化ジルコニウム粒子(住友大阪セ メント社製ナノジルコニア)を使用することによって、白 色回折レンズに要求される膜厚(30 µm)において 90%以 上の可視光透過率を示すナノコンポジット材料が得られる ことを確認している。白色回折レンズ用途として、屈折率 特性が $n_d = 1.623$ ,  $v_d = 45$ になるようにナノコンポジッ ト材料を調製し用いた.

非球面レンズの片面(有効径 1.64 mm)上に鋸歯状回折 格子(31 本,深さ 15 μm)を同心円状に形成したレンズ ベースを,ポリカーボネート樹脂(帝人化成社製パンライ ト AD5503)を用いて射出成形で作製し,膜成形用の型を 用いて表面が非球面形状となるようにレンズベース上に配 置した未硬化状態のナノコンポジット材料に紫外線を照射



し、これを硬化させることにより、屈折率調整したナノコ ンポジット膜を積層した白色回折レンズを作製した.

図4は回折効率の評価測定を行う光学系<sup>11)</sup>を示してい る. 白色光源を R, G, Bの各波長フィルターを介して波 長選択した後,測定対象である回折レンズに平行光を光軸 (Z軸)に沿って照射すると,Z軸上に,レンズに近い側か ら高次の回折スポットが結像する.対物レンズをZ軸上に 走査して CCD 上で受光させることで,それぞれの回折ス ポット光を独立して観測することが可能になる.それぞれ のスポットの輝度体積を測定することにより,R,G,B 各波長においてナノコンポジット白色回折レンズにより集 光される0次,1次,2次の各回折次数の回折効率を算出す る.なお,試作したナノコンポジット白色回折レンズで は,各波長において-1次以下ならびに3次以上の回折光 は確認されず,可視光波長全域で95%以上の1次回折効率 が得られた.

#### 2. 回折レンズの帰納的設計手法

カメラレンズ設計の際、レンズの面形状は非球面多項式 で表現される.また、回折格子が形成された面では、非球 面多項式に加え、位相多項式を合わせて面形状が表現され る.通常、レンズ設計を行う際には、初期値を与え、数値 計算により所望の目標性能を目指して個々のパラメーター を変化させて漸近的に設計を行う.しかしながら、数値計 算による最適化の場合は、得られる解は必ずしも最適解で あるとは限らず、ローカルミニマムの問題が生じることが ある.この場合、得られたレンズ性能は初期値データに依 存する.広大な解空間の中で最良の最適解を確実に得るに は、最適解に収束しうる範囲で、適切な初期値データを見 つけ出すことが必要となる.筆者らは、解空間全体を探索 し最適な初期値データを得る、新たな設計手法(帰納的設 計手法)<sup>12)</sup>を考案した.

正弦条件はレンズに入る平面波を球面波に変換する条件

表1 カメラ光学	糸の目標仕様.
F值	2.8
半画角	$\pm 90 \deg$
レンズ枚数	2
焦点距離	1.6 mm



図5 解析マッピングのパラメーター. R<sub>1</sub>:L1レンズの物体 側の面の曲率半径, R<sub>2</sub>:L1レンズの像側の面の曲率半径, g:位相関数の2次の係数(回折パワーに相当), BF:バッ クフォーカス.

であり,入射平面波と集光点に向かう光線との交点が二次 元面内で円(アポロニウスの円)を描き,球面収差,コマ 収差を除去できるもので,集光レンズとしての理想的な条 件である.

提案する設計手法は、この正弦条件を満足する、または 正弦条件の不満足量を所定値内とすることを前提としてい る.これは、理想的な撮像条件からレンズ形状を決定する 思想を用いたものであり、従来のようにレンズ形状を与え て、撮像性能を解析する設計手法とは全く逆の発想といえ る.正弦条件を満足するレンズ形状は焦点距離やバック フォーカス等の任意の設定値に対して一意的に求まるた め、非球面係数等の多くのパラメーターを変化させる必要 はなく、少ないパラメーターで形状を決定できる特徴を有 する.これにより、広範囲にわたる解空間を俯瞰すること が可能となり、その中から代表点を複数抽出してそれらか ら最適解を推測する (=マッピング)、帰納的な設計手法 である.

本設計手法を用いた具体例として魚眼カメラレンズの設 計例を示す.表1は設計スペックであり,設計の際には主 要な設計パラメーターを変化させたときの撮像性能や,回 折格子ピッチ最小値等の製造難易度のグラフ化を行う.以 下のパラメーターを使用してマッピングを実施した.それ ぞれのパラメーターについては図5に記載している. (*R*<sub>1</sub>:L1レンズの物体側の面の曲率半径,*R*<sub>2</sub>:L1レンズの 像側の面の曲率半径,*g*:位相関数の2次の係数(回折パ ワーに相当),*BF*:バックフォーカス.)

42巻7号 (2013)





半画角が±90°の2枚構成の超広角レンズの場合にはL1 レンズの $R_1$ ,  $R_2$ 面の非球面化が撮像性能上に与える効果が 低いために球面とし、回折は1面のみとしている.この場 合、解析パラメーターは上記の4つに絞ることができ、各 パラメーターの設定値に対し、全体形状が正弦条件を満た すようにL2の非球面形状を決定する.4つのパラメーター を段階的に変化させて作成したマッピングの一例を図6、 図7に示す.図6は横軸を係数g,縦軸をバックフォーカ スBFとして、半画角60°での色収差量を等高線化して表 示しており、色収差を低減するためには、係数gの値を約 -0.030 [1/mm] に設定すればよいことがわかった.これ は、光学系に占める回折パワーの最適条件を意味する.ま た、上記の $R_1$ ,  $R_2$ 以外のマップにおいても、係数gの値 は-0.030 程度が最適であることを確認した.

図7は,係数gの値を-0.030に固定した状態で横軸を曲 率半径 $R_2$ ,縦軸をバックフォーカスBFとして,半画角  $60^\circ$ での RMS スポットサイズを等高線化して表示してい る.この結果より,高画角においてスポットサイズを低減



図8 点光源撮影時のフレア画像.

できる領域が存在することがわかった.これは,像面湾曲 収差を低減する条件を意味する.

以上のように,帰納的設計手法により解空間全体を俯瞰 的に見て,球面収差,コマ収差,色収差,像面湾曲収差等 の各収差特性において望ましい解の抽出が実現でき,初期 データとして局所解ではなく最適解を準備することに成功 した.最終的に,帰納的設計手法で得られた最適領域の解 を初期値データとして市販光学設計ソフトで最適化設計を 実施することによって,ナノコンポジット白色回折レンズ と非球面レンズの2枚レンズのみからなる魚眼カメラで, 120万画素相当の解像度を実現した.

#### 3. 回折格子に起因するフレアの低減<sup>13)</sup>

回折レンズを搭載した組レンズ光学系による撮像評価に おいて,強い輝度の点光源を撮影した場合に,光源の周り に縞状のフレアが確認された.図8に観察画像を示す.回 折レンズとして1次回折効率の高いナノコンポジット白色 回折レンズを用いても同様であるため,この現象は,結像 に用いている1次回折光以外の不要な次数の回折光とは無 関係である.

このような縞状のフレア発生のメカニズムを解明するに あたって,筆者らはフラウンホーファー回折に着目した. スリットを通過する平面波は無限遠の観測点において回折 縞を形成する.この回折現象は正の焦点距離を有する光学 系では有限距離(焦点面)において発生する.回折格子を 通過する波面は回折格子の段差により分断されることにな り,狭いスリットが存在することと等価的な作用と考えら れる.

一般にフラウンホーファー回折の振幅強度分布は,開口 の二次元フーリエ変換になる.点光源を撮影する際,輪帯 スリットによるフラウンホーファー回折の縞暗部の,中心 点からの距離 ρ は次式で表される.



図 9 点光源の実写画像(画角依存性). (a) 半画角 0°, (b) 半画角 30°, (c) 半画角 60°.

$$\rho = \frac{\lambda R x}{\pi w} \tag{3}$$

ここで $\lambda$ は波長, Rはスリットから像面までの距離, wは 回折ピッチ, xは第1種の1次ベッセル関数  $J_1(x) = 0$ とな るxである<sup>14)</sup>.式(3)によって算出した縞間隔の理論値 と,実測値はよく一致することから,縞状フレアの発生は 回折輪帯のスリット効果によるフラウンホーファー回折像 であることが明らかとなった.

点光源を撮影する際, 焦点面にて点光源から離れた位置 に縞状フレアが発生すると, 撮影画像上では顕著に目立っ てしまう. 式(3)からわかるように, 回折ピッチが大き いほど, 距離 p が小さくなり, 発生する縞が点光源に近 づき, 撮影画像上では目立たなくなる. しかしながら, こ れは回折輪帯数を減らし, 回折格子による収差補正効果を 低減させることとトレードオフになる.

レンズに形成された同心円状の回折輪帯は、光軸からの 距離により隣接する段差とのピッチは異なるとともに、結 像に寄与する光が回折格子面を通過する際、回折輪帯の全 体を通過するとは限らず、一部分のみ通過して結像される 場合がある.回折レンズを含むカメラ光学系での集光ス ポットは、異なるスリット開口形状、スリット幅を通過し た複数の波面が重なって構成されているとみなすことがで きる.これを考慮することで、回折レンズから発生する縞 状フレアを解析、予測する手法を構築した.

先述した 120 万画素相当の解像度を有する 2 枚組魚眼カ メラは、縞状フレアの発生が抑制できる位置に回折面を設 定した上で、帰納的設計手法を用いたものである. 図 9 は、試作した 2 枚組魚眼カメラで撮影した光源画像で半画 角 0°、30°、60° のものであるが、画角が大きいほど光軸 側に強い輝度のフレアが存在している. この現象は回折格 子に入射する光線の入射角が大きくなることが原因と考え て、光軸側に偏ったフレアを低減する新規な回折格子構造 を考案した.

図 10 に示すように、フラウンホーファー回折は回折現 象による波面の端部の光の回り込みにより発生するもので



図10 位相変調型回折格子の原理.



図11 蛍光灯撮影画像. (a) 位相変調なし, (b) 位相変調あり.

あることを考慮し、回折格子のブレーズ先端部や根元部に 凹や凸の形状を付加して、そこを通過する波面の位相をず らし(位相変調型)、像面上の縞状フレアの分布を制御す るアプローチを試みた.解析上、先端を凹、根元を凸と し、狙い通りの効果を有することを確認した上で、実際に 回折レンズを試作した.図11(a)で蛍光灯撮影時に画像 中央側に発生していたフレアが、図11(b)のように位相 変調型の構造を導入することで画像周辺側にシフトし、効 果的にフレア量が低減できていることを確認した.蛍光灯

42巻7号 (2013)



図 12 カメラの外観写真. (a) 従来品, (b) 開発品.

画像中央側の部分では約2分の1のフレア強度に低減でき ている.これにより,強い輝度の被写体撮影時も実用上問 題のない撮像用回折レンズが実現できた.

以上に述べた開発技術を用いて作製した魚眼(画角 180°),高解像(100万画素以上)のカメラの外観写真を, 図12(b)に示す.図12(a)は、画角150°,30万画素相 当対応のパナソニック製従来カメラで、3枚のレンズを組 み合わせている.開発品は撮像用回折レンズを搭載するこ とで、従来品よりも広角、高解像度でありながら、レンズ 枚数を2枚にまで減らしており、カメラサイズ(光学長) を3分の2程度にまで縮小している.

本稿では、ナノコンポジット材料を活用した撮像用の回 折樹脂レンズを提案し、撮像用途へ向けた設計手法と、そ の有効性について述べた.ナノコンポジット材料の屈折 率,波長分散性は Maxwell-Garnett 理論により試算できる ことを確認し、酸化ジルコニウムをナノ粒子として用いる ことで、汎用光学樹脂のみでは不可能な高屈折率・高アッ ベ数と、実用上十分な透明性を兼ね備えたナノコンポジッ ト材料が得られた.これにより、可視光波長全域で高い回 折効率を有する回折樹脂レンズが実現できた.開発したナ ノコンポジット白色回折レンズとその設計手法は、カメラ の小型化と低コスト化に貢献するものであり、魚眼カメラ に限らず撮像用途全般に適用可能で拡張性、展開性が高い ものである.また,樹脂系材料で構成しているため,レン ズアレイとしてシート化,大面積化も容易であり,撮像用 途以外にディスプレイ,照明等の用途でも高機能化,高性 能化に活用できる技術として期待できる.

## 文 献

- M. Nagashima, M. Suzuki, T. Korenaga, K. Imada, S. Tamaki, T. Iijima, I. Oyama, T. Hirasawa, T. Suenaga, M. Tagome, S. Nishiwaki, T. Ishikawa and A. Takai: "New camera module with thin structure, high resolution and distance-detection capability," *SPIE Photonics Europe* (2006) pp. 6196–6199.
- E. R. Doswki and W. T. Cathey: "Extended depth of field through wave-front coding," Appl. Opt., 34 (1995) 1859–1866.
- K. Miyamoto: "The phase Fresnel lens," J. Opt. Soc. Am., 51 (1961) 17–20.
- T. Nakai and H. Ogawa: "Development of 3-layer diffractive optical elements employed for wide incident angles," *ICO '04, Technical Digest* (2004) pp. 547–548.
- S. M. Ebstein: "Nearly index-matched optics for aspherical, diffractive, and achromatic-phase diffractive elements," Opt. Lett., 21 (1996) 1454–1456.
- 6) 中村 徹, 鈴木憲三郎, 高瀬裕嗣, 倉田俊彦, 宮川晶子, 山 口修一, 田口 淳, 中山尚行: "密着複層型 PF (位相フレネ ル) レンズの要素技術", Optics & Photonics Japan 2005 講演予 稿集, 24pD3 (2005).
- 7) 岡田夕佳,村田晶子,安藤貴真,末永辰敏,是永継博,鈴木 正明:"高屈折率・高アッベ数ナノコンポジット材料を使用した撮像用回折レンズの開発",高分子論文集,67 (2010) 390-396.
- J. C. Maxwell-Garnett: "Colours in metal glasses and in metallic films," Philos. Trans. R. Soc. London A, 203 (1904) 385–420.
- 9) C. F. Bohren and D. R. Huffman: *Absorption and Scattering* of *Light by Small Particles* (Wiley-Interscience, 2004) pp. 130.
- H. Mataki, S. Yamaki and T. Fukui: "Nanostructured organic/ inorganic composites as transparent materials for optical components," Jpn. J. Appl. Phys., 43 (2004) 5819–5823.
- T. Korenaga, T. Ando, S. Moriguchi, F. Takami, Y. Takasu, S. Nishiwaki, M. Suzuki, and M. Nagashima: "Diffraction grating lens array," *SPIE Electronic Imaging* (2007) pp. 6501–6528.
- 12) 安藤貴真,西脇青児,是永継博,鈴木正明: "撮像用回折格子 レンズの帰納的設計手法", Optics & Photonics Japan 2011 講 演予稿集, 29pE8 (2011).
- 13) T. Ando, T. Korenaga and M. Suzuki: "Explication of diffraction lights on an optical imaging system from a Fraunhofer diffraction perspective," *SPIE Photonics Europe*, (2012) pp. 8429–8442.
- 14) A. K.-K. Wong: Optical Imaging in Projection Microlithography (Society of Photo Optical, Washington, 2005) pp. 45–47.

(2013年2月12日受理)